

Problema 676.

728.-Problema 8º.- Dividir un triángulo en tres porciones equivalentes, por líneas que partan de un punto interior dado. (pag 243)

Fernández Deus, Emilio (1872): Geometría (p. 243). Coruña. Tipografía Casa de Misericordia.

609. Problema 9º.- Dividir un triángulo en tres porciones equivalentes, por líneas que partan de un punto interior dado.

Giol y Soldevilla, I. (1889) Tratado de Agrimensura. Madrid. Librería de la viuda de Hernando. (pag 279)

[Porciones son polígonos y líneas son segmentos, en el lenguaje del siglo XIX]

Solución del director.

Hay infinitas soluciones para cada punto interior.

Sea ABC un triángulo de área $[ABC]=S$ y sea P un punto interior del mismo.

Tomemos M un punto genérico sobre el lado AB.

Hagamos un recorrido perimetral en sentido ABC.

El triángulo PMA tendrá de área $[PMA]=T$; tenemos tres casos:

a) $T=1/3 S$, b) $T< 1/3 S$; c) $T> 1/3 S$.

Estudiemos algunos casos .

a) Tendremos a su vez tres casos:

a1) $[PAB]=1/3 S$. En tal caso hemos hallado tres polígonos que resuelven el problema.

PMA, PAB, PBCMP.

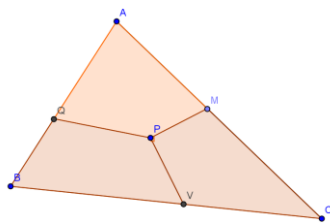
a2) $[PAB]< 1/3 S$.

a21) $[PAB]+[PBC]=1/3 S$. En tal caso los polígonos PMA, PABCP y PCM resuelven el problema.

a22) $[PAB]+[PBC]<1/3 S$. En tal caso habrá de haber un punto Q sobre CM tal que $[PAB]+[PBC] + [PCQ]=1/3 S$, y definitivamente, será $[PQM]=1/3 S$, luego los polígonos PMA, PABCQP, PQM resuelven el problema.

a23) $[PAB]+ [PBC] >1/3 S$. En tal caso habrá de haber un punto Q sobre BC tal que $[PAB]+[PBQ]=1/3 S$. Por tanto PMA, PABQP, PQCMP resuelven el problema.

Así podríamos analizar todos los casos.



Veamos un caso concreto.

Caso de ser:

$$[PMA] < 1/3 S$$

$$\text{Sea } U = 1/3 S - [PMA]$$

$$\text{Sea } q = \frac{2U}{d(P,c)}. \text{ Tomemos } QA=q.$$

$$\text{Así, } [PMAQP] = 1/3 S$$

$$\text{Sea } [PQB] < 1/3 S, W = 1/3 S - [PQB]$$

$$\text{Sea } v = \frac{2W}{d(P,a)}. \text{ Tomemos } BV=v.$$

$$[PQBVP] = 1/3 S.$$

Así será:

$$[PVCMP] = 1/3 S.$$

Ricardo Barroso Campos.

Profesor jubilado de la Universidad de Sevilla.

