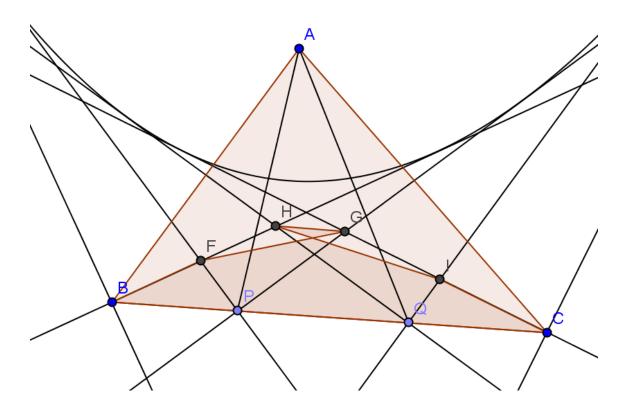
Problema 736

Dados un triángulo $\triangle ABC$ y dos puntos P y Q en el segmento BC. Sean C1, C2, D1 y D2 los incículos de los triángulos $\triangle ABP$, $\triangle AQC$, $\triangle ABQ$ y $\triangle AP$ C. Entonces el centro de homotecia externo de los círculos C1 y C2 coincide con el centro de homotecia externo de los círculos D1 y D2.

Ramírez, A. (2009): Geometría Moderna. (p. 153. Problema 12).

Solución de anónimo

Si construimos bisectrices en los puntos $P,\,Q$, y en los puntos $B\,y\,C$ para localizar los centros de los incírculos , van a ser tangentes a una parábola con el foco en $A\,y$ directriz BC.



Así tenemos inscrito en una cónica un hexágono con vértices en los centros de los círculos y en B y C.

Al aplicar Brianchon, las diagonales son concurrentes.