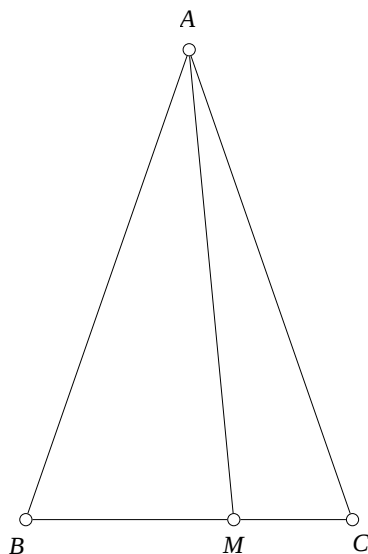


Problema 746. Dado un triángulo isósceles y un punto variable M sobre la base BC . Demostrar que $AM^2 + CM \cdot MB$ es constante.

Propuesto por Ricard Peiró

Papelier, G. (1953), Exercices de Géométrie Moderne, Tome 1, pag. 32

Solución de Ercole Suppa.



Para el teorema de Stewart, teniendo en cuenta que $AB = AC$, tenemos

$$\begin{aligned}
 BC \cdot (AM^2 + BM \cdot MC) &= BM \cdot AC^2 + MC \cdot AB^2 && \Leftrightarrow \\
 BC \cdot (AM^2 + BM \cdot MC) &= AB^2 \cdot (BM + MC) && \Leftrightarrow \\
 BC \cdot (AM^2 + BM \cdot MC) &= AB^2 \cdot BC && \Leftrightarrow \\
 AM^2 + BM \cdot MC &= AB^2
 \end{aligned}$$

Por lo tanto $AM^2 + BM \cdot MC$ es constante y hemos terminado. $\square$