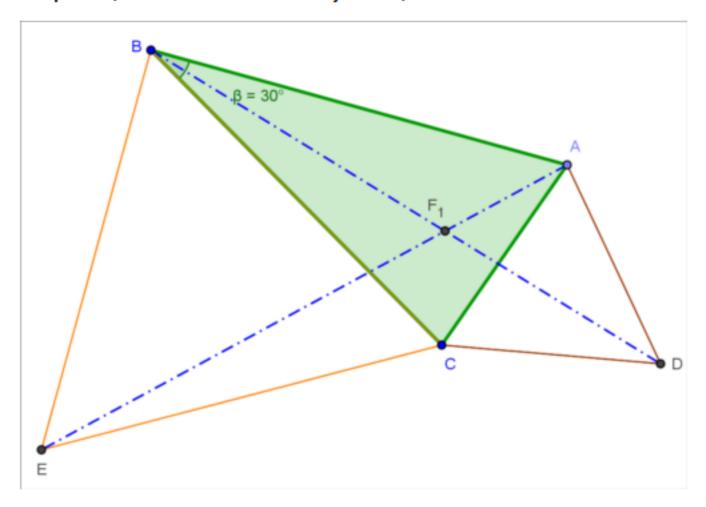
Problema 758. Dado un triángulo ABC, con ∢ABC = 30°, se construye el triángulo equilátero ACD hacia el exterior del ABC.

Demostrar que $AB^2 + BC^2 = BD^2$.

Solución de Saturnino Campo Ruiz, Profesor de Matemáticas jubilado, de Salamanca.



Si construimos el triángulo equilátero BEC, hacia el exterior, el segmento AE tiene igual longitud que BD, según explicamos en el problema 756 y en el problema 13 (primer punto de Fermat). Ahora, en el triángulo rectángulo ABE, se tiene

$$AE^2 = BD^2 = AB^2 + BE^2 = AB^2 + BC^2$$