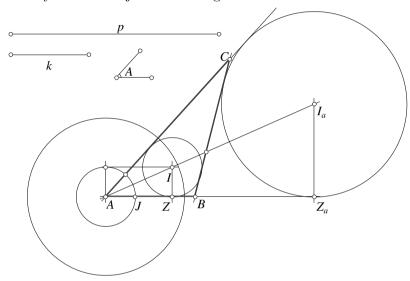
Problema 765 de triánguloscabri. Calcular y dibujar un triángulo cualquiera abc conocidos solamente su perímetro, área y el ángulo A.

Propuesto por Jesús Sánchez.

Solución de Francisco Javier García Capitán. Vamos a suponer que conocemos el semiperímetro p, el área $S=k^2$ y el ángulo A. Si r es el radio de la circunferencia inscrita, tenemos $pr=S=k^2$, es decir $r=k^2/p$. Además podemos tener en cuenta que p es la distancia de A a los puntos de contacto de la circunferencia exinscrita (I_a) con las rectas AB y AC. Esto justifica la siguiente construcción:



- 1. Trazamos dos rectas formando un ángulo A igual al dado.
- 2. Sobre una de ellas situamos un punto Z_a tal que $AZ_a = p$.
- 3. La perpendicular a AZ_a por Z_a corta a la bisectriz del ángulo en I_a .
- 4. Con centro A trazamos una circunferencia de radio k y hallamos el inverso J de Z_a respecto de esta circunferencia.
- 5. Trazamos una paralela a AZ_a que diste de ella una distancia igual a AJ, cortando a la bisectriz AI_a en I.
- 6. Las circunferencias (I) e (I_a) tangentes a la recta AZ_a son las circunferencias inscrita y exinscrita correspondiente al vértice A en el triángulo buscado.
- 7. Para obtener el triángulo ABC basta trazar una tangente interior común a ambas circunferencias, que cortará en B y C a los lados del ángulo (dos soluciones en general).