

Problema 846.-

Sea un triángulo ACD. Tomemos un punto B exterior al mismo.

Tenemos que $\angle ACB = 10^\circ$, $\angle BAC = 55^\circ$, $\angle CBD = 50^\circ$, $\angle CAD = 25^\circ$.

Hallar $\angle ACD$.

Propuesto por Stan Fulger. (2017): Comunicación personal.

Solución de Florentino Damián Aranda Ballesteros, profesor del IES Blas Infante de Córdoba.

Conocidos los valores de los ángulos $\angle CBD = 50^\circ$ y $\angle CAD = 25^\circ$, un ángulo doble del otro, entonces las respectivas mediatrices de CD y CA se cortarán en el punto O, centro de la circunferencia que circunscribe al triángulo ACD, siendo además este punto O perteneciente a la circunferencia circunscrita al triángulo BCD. Por tanto, $OA = OD = OC$.

Del triángulo Isósceles OAD, deducimos el valor del ángulo $\angle AOD = 20^\circ$.

Como quiera $\angle AOD = \angle BOD = \angle BCD = 20^\circ$ y, como se sabe $\angle BCA = 10^\circ \rightarrow \angle ACD = 10^\circ$.

