## Problema 855

Sean un triángulo escaleno ABC ,  $(\Gamma)\,$  el círculo circunscrito a este triángulo y  $\,M$  el centro del lado BC.

La bisectriz del ángulo en A cruza el lado BC en el punto D y el círculo  $(\Gamma)$  en el punto E.

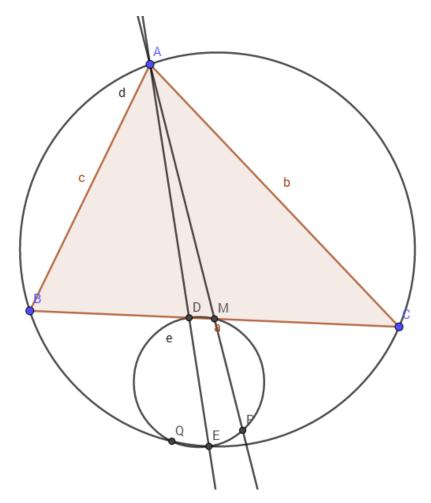
El círculo circunscrito al triangulo DEM intersecta la recta AM en un segundo punto P y el círculo  $(\Gamma)$  en un segundo punto Q .

Demostrar que el triángulo APQ es isósceles.

Fondanaiche, P. (2017): Comunicación personal.

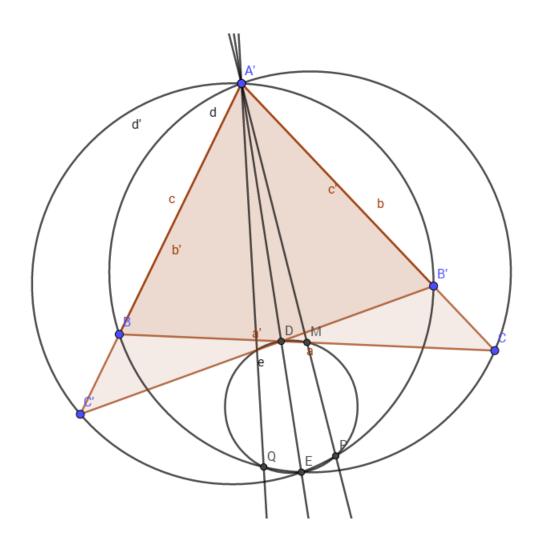
Solución del director.

Tenemos la configuración geométrica siguiente:



El centro de la circunferencia circunscrita al triángulo rectángulo en M, DEM es el punto medio de la hipotenusa DE.

Si trazamos la simetría de la figura respecto a AE, tenemos:



El punto Q es el simétrico del P.

Luego, cqd, AP=AQ.

Ricardo Barroso Campos.

Jubilado. Sevilla.