Problema 1004.

Punto de Exeter.

Sea *ABC* un triángulo cualquiera dado. Trácense las medianas a través de los vértices *A*, *B* y *C*; conocida la circunferencia circunscrita del triángulo *ABC*, se obtienen sus intersecciones *A'*, *B'* y *C'* con las medianas. Se construye el triángulo *DEF*, formado por las tangentes en *A*, *B*, y *C* a la circunferencia anterior (siendo *D* el vértice opuesto al lado formado por la tangente en el vértice *A*; *E* el vértice opuesto al lado formado por la tangente en el vértice *B*; y *F* el vértice opuesto al lado formado por la tangente en el vértice *C*). Las líneas a través de *DA'*, *EB'* y *FC'* son concurrentes, y su punto de intersección es el *punto de Exeter* del triángulo *ABC*.

De Leon, M. y Timón, A. (2017): La engañosa sencillez de los triángulos. <u>Catarata</u>. Colección Miradas Martemáticas, <u>ICMAT</u>, <u>FESPM</u>. (pag.28)

Solución de Ángel Montesdeoca Delgado, estudioso de Geometría

Si P es el centro del triángulo X(i) y si X(j) es el punto de concurrencia de DA', EB', CC', se tienen las siguientes correspondencias (ver preámbulo de X(1601) en ETC)

 $\begin{array}{l} i \rightarrow j \;\; X(i) \rightarrow X(j): 1 \rightarrow 3, 2 \;\; \text{(baricentro)} \rightarrow 22 \;\; \text{(Punto de Exeter)} \;\; , 33 \rightarrow 1498, 4 \rightarrow 24, 5 \rightarrow 1601, 6 \rightarrow 6, 7 \rightarrow 1602, 8 \rightarrow 1603, 9 \rightarrow 1604, 13 \rightarrow 1605, 14 \rightarrow 1606, 15 \rightarrow 24303, 17 \rightarrow 1607, 18 \rightarrow 1608, 19 \rightarrow 1609, 21 \rightarrow 1610, 25 \rightarrow 1611, 28 \rightarrow 1612, 31 \rightarrow 1613, 32 \rightarrow 33786, 35 \rightarrow 33669, 54 \rightarrow 1614, 55 \rightarrow 1615, 56 \rightarrow 1616, 57 \rightarrow 1617, 58 \rightarrow 595, 59 \rightarrow 1618, 63 \rightarrow 1619, 64 \rightarrow 1620, 75 \rightarrow 33801, 76 \rightarrow 33802, 81 \rightarrow 1621, 83 \rightarrow 1078, 84 \rightarrow 1622, 86 \rightarrow 23374, 88 \rightarrow 1623, 162 \rightarrow 1624, 163 \rightarrow 1625, 174 \rightarrow 1626, 188 \rightarrow 2933, 249 \rightarrow 33803, 251 \rightarrow 1627, 254 \rightarrow 1628, 259 \rightarrow 198, 266, \rightarrow 56, 275 \rightarrow 1629, 284 \rightarrow 1630, 365 \rightarrow 55, 366 \rightarrow 1631, 508 \rightarrow 23852, 509 \rightarrow 1486, 512 \rightarrow 33704, 523 \rightarrow 30715, 648 \rightarrow 1632, 651 \rightarrow 1633, 662 \rightarrow 1634, 1126 \rightarrow 33771, 1171 \rightarrow 33774, 2153 \rightarrow 11142, 2154 \rightarrow 11141, 3445 \rightarrow 33804, 5374 \rightarrow 159, 6727 \rightarrow 23846, 6733 \rightarrow 23845, 14085 \rightarrow 101, 14086 \rightarrow 30715, 14089 \rightarrow 99, 14090 \rightarrow 33704, 18297 \rightarrow 23849, 18753 \rightarrow 2176, 20034 \rightarrow 25 \end{array}$